Акустооптический эффект в средах с сильной акустической анизотропией

В.И. Балакший,* А.С. Волошин[†]

Московский государственный университет имени М.В.Ломоносова, физический факультет, кафедра физики колебаний, Россия, 119991, Москва, Ленинские горы, д.1, стр. 2 (Статья поступила 15.11.2014; Подписана в печать 5.12.2014)

Представлены результаты теоретического и экспериментального исследования влияния сноса энергии акустического пучка на характеристики акустооптического эффекта в кристалле парателлурита. Проанализированы варианты изотропной и анизотропной дифракции. На основе модифицированных уравнений Рамана–Ната выполнен расчет угловых и частотных характеристик акустооптического взаимодействия в широком диапазоне углов Брэгга и частот ультразвука. Установлено, что снос акустического пучка может существенно изменять ширину диапазонов акустооптического взаимодействия, и поэтому его необходимо учитывать при разработке акустооптических приборов. Экспериментальная проверка численных расчетов проведена с использованием акустооптической ячейки из кристалла парателлурита 10,5° среза.

РАСS: 78.20.hb, 42.79.Jq УДК: 535.241.13 Ключевые слова: акустическая анизотропия, снос акустического пучка, парателлурит, акустооптическое взаимодействие, изотропная и анизотропная дифракция Брэгга, уравнения связанных волн, акустооптические дефлекторы и фильтры.

введение

В современной акустооптике при изготовлении акустооптических (AO) приборов в качестве среды AOвзаимодействия используются преимущественно кристаллы, среди которых особое место занимают такие материалы, как парателлурит (TeO₂), теллур (Te), каломель (Hg₂Cl₂) и др., отличающиеся очень сильной анизотропией акустических свойств [1-5]. Акустическая анизотропия дает два основных эффекта. Вопервых, меняется структура акустического пучка. Например, в парателлурите в направлении [110] расходимость пучка по потоку энергии в 52 раза превышает дифракционную расходимость, вследствие чего дальняя дифракционная зона пучка оказывается фактически в пределах кристалла. Однако в том же кристалле есть направления, в которых дифракционная расходимость практически полностью компенсируется акустической анизотропией [6-9]. Вторым эффектом, который тоже обусловлен акустической анизотропией, является снос энергии в акустическом пучке [10]. Например, в парателлурите угол сноса достигает 74° , а в теллуре — 49° [4,8]. Снос пучка не меняет условие АО фазового синхронизма. Может быть, поэтому на него не обращали внимание ранее при изучении явления дифракции света на ультразвуке. Лишь в последнее время появились работы, посвященные исследованию влияния акустического сноса на характеристики АОдифракции [11-14].

Данная статья является продолжением исследований, начатых в [12, 14]. На основе уравнений Рамана– Ната, модифицированных для случая сноса акустического пучка, выполнен детальный расчет угловых и частотных характеристик АО-взаимодействия. Для оценки влияния сноса введены и рассчитаны коэффициенты уширения, показывающие степень изменения угловых и частотных диапазонов АО-взаимодействия по сравнению со случаем, когда снос отсутствует. При экспериментальной проверке расчетов использовалась АО-ячейка, изготовленная из кристалла парателлурита 10,5° среза.

1. МОДИФИЦИРОВАННЫЕ УРАВНЕНИЯ РАМАНА-НАТА



Рис. 1: Геометрия АО-взаимодействия при наличии сноса акустического пучка

Рис. 1 иллюстрирует постановку задачи. Предположим, что плоская монохроматическая акустическая волна заполняет пространство между двумя параллельными плоскостями x = 0 и x = l. Акустический

^{*}E-mail: balakshy@phys.msu.ru

[†]E-mail: andrey.voloshin@physics.msu.ru

пучок распространяется вдоль оси z с углом сноса α , так что волновой вектор звука **К** направлен под углом α относительно оси z. Плоская световая волна с частотой ω_0 и длиной волны в вакууме λ падает на акустический столб под углом θ_0 . Вследствие фотоупругого эффекта [1] акустическая волна меняет диэлектрическую проницаемость среды по закону

$$\varepsilon(z,t) = n^2 + 2n\Delta n\sin\left(\Omega t - K_x x - K_z z + \Phi\right), \quad (1)$$

где n — статический показатель преломления, Δn — амплитуда изменения показателя преломления под действием акустической волны, $\Omega = KV = 2\pi f$ — частота, а V — скорость ультразвука, Φ — начальная фаза акустической волны. При дифракции света на фазовой решетке (1) рождаются дифрагированные волны с относительными амплитудами C_p , волновыми векторами k_p и частотами $\omega_p = \omega_0 + p \Omega$ (эффект Доплера).

В работе [11] получена следующая система уравнений, описывающая распределение света по дифракционным порядкам:

$$\frac{\mathrm{d}C_p}{\mathrm{d}X} = \frac{\Gamma_p}{2} \left\{ C_{p+1} \exp\left[j \left(R_p X - \Phi \right) \right] - C_{p-1} \exp\left[-j \left(R_{p-1} X - \Phi \right) \right] \right\}, \quad p = 0, \ \pm 1, \ \pm 2, \dots$$
(2)

где введены безразмерные величины: X = x/l, $\Gamma_p = k_p^2 l \Delta n/k_{px} n_p$ — коэффициенты АО-связи (параметры Рамана-Ната), $R_p = (k_{px} + K_x - k_{p+1,x}) l$ — фазовые расстройки. Для вертикальных составляющих волновых векторов справедливо соотношение: $k_{p+1,z} = k_{pz} + K_z$. Система уравнений (2) описывает взаимодействие света и ультразвука в любом режиме дифракции (раман-натовском, брэгговском или промежуточном) как для изотропной (без изменения поляризации света), так и анизотропной (с изменением поляризации) дифракции. В последнем случае необходимо учесть зависимость показателей преломления среды n_p от углов θ_p , определяющих направления на дифракци-

В акустооптике принято отсчитывать углы падения света от фронта акустической волны [1]. Вводя именно такие углы $\varphi_p = \theta_p - \alpha$, получим следующие выражения для параметров Рамана–Ната и расстроек:

$$\Gamma_p = \frac{2\pi\Delta n}{\lambda} \frac{l}{\cos\left(\varphi_p + \alpha\right)},\tag{3}$$

$$R_{p} = \frac{2\pi}{\lambda} l \left[n_{p} \cos\left(\varphi_{p} + \alpha\right) - \frac{\lambda f}{V} \sin\alpha - \sqrt{n_{p+1}^{2} - \left(n_{p} \sin\left(\varphi_{p} + \alpha\right) + \frac{\lambda f}{V} \cos\alpha\right)^{2}} \right].$$
 (4)

Условие фазового синхронизма $R_0 = 0$ определяет угол Брэгга φ_B для +1-го порядка дифракции:

$$\sin(\varphi_B) = -\frac{\lambda f}{2n_0 V} \left[1 + \frac{V^2}{\lambda^2 f^2} \left(n_0^2 - n_1^2 \right) \right].$$
 (5)

Это хорошо известное в акустооптике соотношение, описывающее брэгговские углы дифракции в анизотропной среде [1,2]. Таким образом, из (3)–(5) ясно, что акустический снос не влияет на условие фазового синхронизма, но должен менять угловые, частотные и спектральные характеристики АО–взаимодействия через параметры Γ_p и R_p .

В брэгговском режиме дифракции падающий свет рассеивается либо в +1-й, либо в -1-й порядки, поэтому система (2) принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}C_{0}}{\mathrm{d}X} = \frac{\Gamma_{0}}{2}C_{1}\exp\left[j\left(R_{0}X - \Phi\right)\right],\\ \frac{\mathrm{d}C_{1}}{\mathrm{d}X} = -\frac{\Gamma_{1}}{2}C_{0}\exp\left[-j\left(R_{0}X - \Phi\right)\right],\\ \left\{ \frac{\mathrm{d}C_{0}}{\mathrm{d}X} = -\frac{\Gamma_{0}}{2}C_{-1}\exp\left[-j\left(R_{-1}X - \Phi\right)\right],\\ \frac{\mathrm{d}C_{-1}}{\mathrm{d}X} = \frac{\Gamma_{-1}}{2}C_{0}\exp\left[j\left(R_{-1}X - \Phi\right)\right]. \end{cases}$$
(6)

Отсюда получается следующее выражение для эффективности дифракции <:

$$\varsigma_{1,-1} = C_{1,-1} \left(l \right) C_{1,-1}^* \left(l \right) =$$
$$= \frac{\Gamma_{1,-1}^2}{4} \operatorname{sinc}^2 \left(\frac{1}{2\pi} \sqrt{\Gamma_0 \Gamma_{1,-1} + R_{0,-1}^2} \right). \quad (7)$$

Таким образом, эффективность дифракции определяется параметрами Γ и R, которые зависят от угла сноса α . Зависимость $\Gamma(\alpha)$ тривиальная: АО-эффект пропорционален оптической длине взаимодействия в акустическом поле $L_{0,1} = l/\cos(\varphi_{0,1} + \alpha)$ при рассеянии в +1-й порядок и $L_{0,-1} = l/\cos(\varphi_{0,-1} + \alpha)$ при рассеянии в -1-й. Однако полный угол дифракции (угол между нулевым и ±1-ми порядками) обычно не превышает 10°, поэтому можно положить $\Gamma_0 \approx \Gamma_1 \approx \Gamma_{-1}$. Соотношения (7) вместе с (4) и (5) позволяют рассчитать угловые, частотные, амплитудные и спектральные характеристики брэгговского АО-взаимодействия как для изотропной, так и анизотропной дифракции.

В акустооптике при расчете геометрии взаимодействия широко используются векторные диаграммы, вытекающие из соотношения

$$k_{\pm 1} = k_0 \pm K + \eta_0, \tag{8}$$

где η_0 — вектор расстройки, направленный перпендикулярно вертикальной границе звукового столба. Длина этого вектора определяет эффективность дифракции: чем длиннее вектор, тем меньше света рассеивается в ±1-й порядок. Диапазон АО-взаимодействия обычно определяется условием $|\eta_0 l| = |R_0| \le \pi$.

2. ИЗОТРОПНАЯ ДИФРАКЦИЯ

Впервые влияние сноса акустического пучка на угловые характеристики изотропного АОвзаимодействия было исследовано в работе [11]. Расчет был выполнен для медленной акустической моды в кристалле парателлурита, распространяющейся под углом 7,5° к направлению [110] в кристаллографической плоскости [001]. Эта мода характеризуется чрезвычайно большим углом сноса $\alpha = 74°$. Так как исследование было проведено только для одного среза кристалла, то полученный результат не может быть распространен на общий случай дифракции света на наклонном акустическом пучке. В данном разделе представлено общее решение поставленной задачи для варианта изотропного взаимодействия.

В случае изотропной дифракции фазовая расстройка R_0 определяется соотношением:

$$R_0^2 - 2R_0 l \left[k \cos \left(\varphi_0 + \alpha\right) - K \sin \alpha \right] + K l^2 \left(K + 2k \sin \varphi_0 \right) = 0, \quad (9)$$

которое прямо следует из (4) при подстановке $k_0 = k_1 \equiv k = 2\pi n/\lambda$. Это уравнение может быть упрощено с учетом того, что $K \ll k$, что верно до частот ультразвука порядка 1 ГГц. В результате имеем:

$$\varphi_0 = \frac{1}{2kKl^2} \left(-R_0^2 + 2R_0kl\cos\alpha - K^2l^2 \right).$$
(10)

Отсюда, фиксируя частоту ультразвука f и, следовательно, угол Брэгга $\varphi_B = -K/2k = -\lambda f/2nV$, получаем выражение для ширины угловой характеристики:

$$\Delta \varphi = 2R_{\max} \cos \alpha / Kl = (\Lambda/l) \cos \alpha, \qquad (11)$$

где $R_{\max} = \pi, \Lambda -$ длина волны ультразвука.

Для оценки влияния сноса акустической энергии введем коэффициент $B_{arphi}~=~\Delta arphi_{lpha}/\Delta arphi_0$, где $\Delta arphi_{lpha}~$ ширина угловой характеристики в реальной ситуации, а $\Delta \varphi_0$ — ширина при отсутствии сноса, т.е. при lpha = 0. Из (11) следует, что B_{arphi} = $\cos lpha$. Этот результат имеет простое физическое объяснение. Согласно трактовке АО-взаимодействия в изотропной среде, представленной в [15], угловой диапазон взаимодействия определяется расходимостью акустического пучка $\varphi_S = \Lambda/l$, где l — ширина акустического пучка и, одновременно, ширина пьезопреобразователя. В акустически анизотропной среде ситуация оказывается похожей: $\Delta \varphi = \varphi_S$, но $\varphi_S = \Lambda/L_{tr} = (\Lambda/l) \cos \alpha$, поэтому угловой спектр акустического пучка определяется шириной пьезопреобразователя $L_{tr} = l/\cos \alpha$ независимо от угла сноса α [8].

Частотный диапазон АО-взаимодействия Δf может быть найден из (4) похожим образом. Для этого зафиксируем угол падения света $\varphi_0 = \varphi_B = -K_0/2k$. В предположении высокой частотной селективности ($\Delta f \ll f_0$) получим:

$$K = K_0 + \frac{1}{K_0 l^2} \left(-R_0^2 + 2R_0 k l \cos \alpha \right).$$
 (12)

Отсюда

$$\Delta f = \frac{2nV}{\lambda l f_0} \cos \alpha, \quad B_f = \frac{\Delta f_\alpha}{\Delta f_0} = \cos \alpha.$$
(13)

Таким образом, в случае изотропной дифракции акустический снос приводит к сужению угловых и частотных характеристик в $1/B_{\varphi} = 1/B_f = 1/\cos \alpha$ раз независимо от частоты ультразвука или длины волны света. Например, для $\alpha = 74^{\circ}$ сужение составляетт 3,6 раза. Следовательно, снос акустического пучка приводит к заметным эффектам. Тем не менее, расчет характеристик АО-взаимодейтсвия может быть произведен по стандартным формулам при условии, что ширина пьезопреобразователя $L_{tr} = l/\cos \alpha$ будет использована вместо ширины звукового столба l.

3. АНИЗОТРОПНАЯ ДИФРАКЦИЯ

Случай анизотропного АО-взаимодействия существенно отличается от изотропного варианта. Из-за сложности аналитического рассмотрения, в данном разделе представлены результаты численных расчетов, выполненных для кристалла парателлурита.

Этот кристалл является одним из основных материалов, используемых для изготовления АО-устройств видимого и ИК спектральных диапазонов (область прозрачности 0,35÷5 мкм [1]). Он отличается исключительно большим значением АО-качества $M = 1200 \times 10^{-18} c^3/г$, которое достигается для сдвиговой акустической моды, распространяющейся в направлении [110]. Однако из-за сильной акустической анизотропии структура акустического пучка для этой моды получается крайне неоднородной [8,9]. Поэтому обычно используют косые срезы кристаллов, в которых вектор **К** повернут на угол χ относительно кристаллографизической оси Z в плоскости (110). В этом случае, акустическое поле получается достаточно однородным, но появляется снос акустической энергии. Угол сноса достигает максимума $\alpha_{\rm max} = 57, 3^{\circ}$ для среза кристалла с углом $\chi = 17^{\circ}$. В нашей работе эксперименты проводились с АО-ячейкой на основе кристалла парателлурита с углом среза $\chi = 10.5^{\circ}$ и углом сноса $\alpha = 54.6^{\circ}$.

На рис. 2 представлена зависимость углов Брэгга φ_B от частоты ультразвука f для среза $\chi = 10.5^{\circ}$ и длины волны света $\lambda = 0,6328$ мкм. Четыре ветви рисунка соответствуют различным поляризациям падающего света (o и e) и рассеянию света в различные дифракционные порядки (+1-й и –1-й). Например, ветвь +1eсоответствует анизотропной дифракции необыкновенной волны в +1-й порядок. Точками Т и D обозначены области тангенциальной ($d\varphi_B/df \rightarrow \infty$) и дефлектороной ($d\varphi_B/df = 0$) геометрий АО-взаимодействия, которые используются в широкоугольных видеофильтрах и дефлекторах [1]. Рабочие точки M, соответствующие нулевым углам Брэгга, используются в модуляторах [16]. Крестиками обозначены экспериментальные



Рис. 2: Угло-частотные характеристики анизотропной дифракции для $10,5^{\circ}$ среза кристалла парателлурита: +1o дифракция о-волны в +1-й порядок; +1e — дифракция еволны в +1-й порядок; -1o — дифракция о-волны в -1-й порядок; -1e — дифракция е-волны в -1-й порядок

точки. Использованная в эксперименте ячейка была оптимизирована для работы в качестве видеофильтра, поэтому ее входная грань была сориентирована ортогонально падающему свету под углом $\varphi_B = -14, 5^{\circ}$. Геометрия ячейки позволяла измерять угловые и частотные характеристики в диапазоне углов Брэгга от -20° до $+5^{\circ}$ и частот ультразвука от 50 до 150 МГц.

А. Угловые и частотные характеристики

Частотная характеристика АО-взаимодействия или, другими словами, зависимость эффективности дифракции ς от частоты ультразвука f является одной из основных характеристик АО-устройств. Она определяет диапазон рабочих частот и, следовательно, быстродействие устройства.

Зависимость ширины частотного диапазона АОвзаимодействия от угла Брэгга φ_B представлена на рис. 3. Расчет выполнен для акустического пучка шириной l = 0,7 см, что соответствует ширине пьезопреобразователя $L_{tr} = l/\cos \alpha = 1,2$ см в использованной экспериментальной ячейке. Частотные диапазоны Δf_{α} показаны черными кривыми l; они соответствуют реальной ситуации АО-ячейки с углом сноса $\alpha = 54,6^{\circ}$. Используя рис. 2, эти графики могут быть пересчитаны в зависимости Δf_{α} от центральной частоты f_0 диапазона взаимодействия.

Рис. За соответствует ветви +1е на рис. 2а. Ширина частотного диапазона Δf_{α} резко возрастает при приближении к точке дефлекторной геометрии и достигает 16,6 МГц в точке D, где $\varphi_B = -5,65^{\circ}$ и $f_0 = 253,5$ МГц. Для сравнения красной кривой 2 представлена аналогичная зависимость $\Delta f_0(\varphi_B)$, рассчитанная для случая отсутствия сноса ($\alpha = 0^{\circ}$). Видно, что акустический снос приводит в сужению частотного диапазона в области углов Брэгга от $-5,65^{\circ}$ до $-30,1^{\circ}$, но при $\varphi_B < -30,1^{\circ}$ ситуация становится обратной.

Подобные особенности наблюдаются и для ветви –10 (рис. 36). В области $\varphi_B > -28, 2^{\circ}$ акустический снос уменьшает частотный диапазон, в то время как при $\varphi_B < -28, 2^{\circ}$ частотный диапазон Δf_{α} становится шире, чем Δf_0 . Максимальное значение Δf_{α} достигается для $\varphi_B = 0$, потому что в этой области кривая $\varphi_B(f)$ имеет минимальную крутизну. Так как частотный диапазон для этой ветви уже, чем для +1e, ветвь –1o не используется в АО–дефлеторах.

Экспериментальные исследования были выполнены для углов Брэгга, соответствующих диапазону АОячейки. Результаты эксперимента представлены на рис За, б точками; они подтверждают данные расчета с хорошей точностью.

Похожие закономерности наблюдаются на рис. Зв, г, где представлены частотные диапазоны для ветвей – Ie и +Io соответственно. Имеет место сильное уширение частотных характеристик вплоть до $\Delta f_{\alpha} = 20,4$ МГц в области дефлекторной геометрии на частоте $f_0 = 126,7$ МГц. Однако, в отличие от ветвей +Ie и -Io, здесь величина Δf_{α} меньше Δf_0 во всем диапазоне расчета.

Другой важной характеристикой AOвзаимодействия является зависимость эффективности дифракции ς от угла падения света φ_0 , которая определяет угловой диапазон взаимодействия $\Delta \varphi$. Зависимость угловых диапазонов $\Delta \varphi_{\alpha}$ (черные кривые 1) и $\Delta arphi_0$ (красные кривые 2) от угла Брэгга для всех ветвей АО-взаимодействия представлена на рис. 4. Здесь точки тангенциальной геометрии Т являются особенными, поскольку они соответствуют чрезвычайно низкой угловой селективности. Например, для ветви +1e (рис. 4a) угловой диапазон достигает величины $\Delta \varphi_{\alpha} = 1,9^{\circ}$. Для ветвей –1е и +10 (рис. 4в, г) угловой диапазон в этой области даже больше из-за низких частот ультразвука. Экспериментальные результаты были получены только для двух верхних ветвей -1е и +1о в области малых углов Брэгга. Нижние ветви обладают чрезвычайно широкими угловыми характеристиками, что создает трудности для экспериментального измерения. Кроме того, в области тангенциальной геометрии они приобретают сложный двугорбый вид.

Подобно частотным характеристикам, ветви +1е и -1о имеют точки пересечений, в которых диапазоны $\Delta \varphi_{\alpha}$ и $\Delta \varphi_{0}$ равны и, следовательно, снос акустического пучка не влияет на ширину углового диапазона. Эта особенность становится понятной, если построить векторные диаграммы (8). Диаграммы показывают, что при $\Delta \varphi_{\alpha} = \Delta \varphi_{0}$ вектора расстройки $\eta_{0}^{(\alpha)}$ и $\eta_{0}^{(0)}$ имеют одинаковую длину, несмотря на то, что угол между ними составляет большую величину α . Углы Брэгга, при которых исчезает влияние



Рис. 3: Зависимость ширины частотного диапазона от угла Брэгга для различных ветвей анизотропной дифракции: +1e (a), -1o (б), -1e (в) и +1o (г)

акустического сноса, определяются оптической и акустической анизотропией конкретного кристалла и его срезом. Так, для парателлурита это имеет место при $\varphi_B \approx -22^\circ$ для среза $\chi = 5^\circ$, $\varphi_B \approx -30^\circ$ для $\chi = 10, 5^\circ$ и $\varphi_B \approx -32^\circ$ для $\chi = 15^\circ$.

В. Коэффициенты уширения

Угловые и частотные характеристики зависят от многих параметров, которые относятся как к АО-кристаллу, так и к конкретной АО-ячейке. Поэтому для оценки влияния акустического сноса на характеристики АО-взаимодействия были введены более универсальные характеристики — коэффициенты уширения B_{φ} и B_f . При анизотропной дифракции эти коэффициенты могут быть как больше, так и меньше единицы, описывая тем самым как уширение, так и сужение частотных и угловых характеристик. Следует также учитывать, что их конкретные значения зависят от угла среза кристалла, угла падения света и частоты ультразвука.

На рис. 5 представлена зависимость коэффициента B_f от частоты синхронизма f_0 , т.е. частоты, при которой угол падения света равен углу Брэгга: $\varphi_0 = \varphi_B$. Расчет выполнен на основе графиков рис. 3 в диапазоне углов Брэгга от -60° до $+60^\circ$. Ось ординат здесь направлена сверху вниз. Нетрудно заметить, что полу-

ченные зависимости $B_f(f_0)$ имеют большое сходство с угло-частотными характеристиками рис. 2, что удивительно, поскольку на рис. 5 по оси ординат отложена величина, характеризующая акустические свойства кристалла, которые не имеют прямого отношения к такому АО-параметру, как угол Брэгга. Можно предположить, что это сходство вызвано опосредованно оптической анизотропией, т. е. формой поверхностей показателей преломления, неявно входящих в соотношение (8). Однако можно отметить и различия. В области тангенциальной геометрии кривые для о и е поляризацией не пересекаются, как на рис. 2, а только касаются друг друга. Кроме того, в области малых углов Брэгга кривые инвертированы по сравнению с углочастотными зависимостями.

Результаты рис. 5 позволяет сделать важный вывод: влияние сноса акустической энергии при анизотропной дифракции не является пренебрежимо малым. Минимальное значение коэффициента уширения составляет 0,068, что означает сужение частотного диапазона в 15 раз, в то время как максимальное значение оказалось равным 2 (уширение в 2 раза). Влияние сноса проявляется через два различных эффекта: 1) изменение направления вектора расстройки η_0 из-за акустического сноса и 2) изменение оптической длины взаимодействия вследствие наклона акустического пучка.

Еще одна интересная особенность была установлена при анализе коэффициентов углового уширения B_{φ} .



Рис. 4: . Зависимость ширины углового диапазона от угла Брэгга для различных ветвей анизотропной дифракции: +1e (a), -1o (б), -1e (в) и +1o (г)



Рис. 5: Зависимость коэффициента уширения от частоты синхронизма для 10,5° среза кристалла парателлурита

Расчеты показали, что зависимости $B_{\varphi}(f_0)$ совпадают с $B_f(f_0)$ не только качественно, но также и количественно во всем диапазоне углов Брэгга (в пределах расчетной погрешности). Такой результат выглядит удивительным, поскольку зависимости, представленные на рис. 3 и 4, существенно отличаются.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В данной работе проведено теоретическое и экспериментальное исследование брэгговской дифракции света на наклонной синусоидальной фазовой решетке, созданной ультразвуковой волной в сильно анизотропной среде. Этот тип дифракции характерен для ряда кристаллов, в частности, кристалла парателлурита, который широко используется при создании АО-приборов.

На основе модифицированных уравнений Рамана– Ната, учитывающих снос энергии акустического пучка, выполнены детальные расчеты угловых и частотных характеристик АО-взаимодействия для вариантов как изотропной, так и анизотропной дифракции света. Показано, что снос акустической энергии не меняет условие фазового синхронизма, но оказывает значительное влияние на частотные и угловые характеристики АО-взаимодействия. Введены коэффициенты уширения B_f и B_{φ} , которые описывают изменение соответственно частотного и углового диапазонов взаимодействия.

В случае изотропной дифракции коэффициенты уширения определяются лишь углом сноса α и описываются простым соотношением $B_f = B_{\varphi} = \cos \alpha$, которое не зависит от частоты ультразвука и длины волны света. Это означает, что расчет характеристик АО-взаимодействия можно проводить с использованием традиционных формул, но с заменой ширины аку-

стического пучка l на ширину пьезопреобразователя $L_{tr} = l/\cos \alpha.$

В случае анизотропной дифракции влияние акустического сноса имеет сложный характер. В зависимости от угла среза кристалла, частоты ультразвука и поляризации света акустический снос может приводить как к сужению, так и к уширению диапазона АО-взаимодействия. Численный расчет показал, что влияние сноса на характеристики анизотропной дифракции весьма заметно; диапазон АО-взаимодействия может

- [1] Балакший В.И., Парыгин В.Н., Чирков Л.Е. Физические основы акустооптики. (М.: Радио и связь, 1985).
- [2] Xu J., Stroud R. Acousto-optic devices. (Wiley. N. Y., 1992).
- [3] Voloshinov V.B., Polikarpova N.V., Declercq N.F.
 J. Acoust. Soc. Amer. 125, № 2. P. 772.(2009).
- [4] Voloshinov V.B., Balakshy V.I., Kulakova L.A., Gupta N.
 J. Opt. A: Pure & Appl. Opt. 10, № 9. P.095002. (2008).
- [5] Gottlieb M., Goutzoulis A., Singh N. Opt. Eng. 31, № 10. P.2110. (1992).
- [6] Белый В.Н., Казак Н.С., Павленко В.К., Катранжи Е.Г. Акуст. ж. **43**, № 2. С. 156. (1997).
- [7] Kastelik J.-C., Dupont S., Yushkov K.B., Gazalet J. Ultrasonics. **53**, № 1. P. 219. (2013).
- [8] Балакший В.И., Манцевич С.Н. Акуст. ж. **58**, № 5. С. 600. (2012).

меняться в несколько раз. Таким образом, снос акустической энергии необходимо учитывать при разработке АО-устройств.

Авторы выражают благодарность В. Я. Молчанову за предоставление АО-ячейки для выполнения экспериментов.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского научного фонда (РНФ) (грант 14-22-00042).

- [9] Ermakov A.A., Balakshy V.I., Mantsevich S.N. Phys. Wave Phenom. **21**, № 4. P. 314. (2013).
- [10] Дьелесан Э., Руайе Д. Упругие волны в твердых телах. Применение для обработки сигналов. (М.: Наука, 1982).
- [11] ZakharovA.V., Polikarpova N.V., Blomme E. Proc. SPIE.
 5953. P. 59530D. (2005).
- [12] Балакший В.И., Волошин А.С. Опт. и спектр. **110**, № 3. С. 840. (2011).
- [13] Zakharov A.V., Voloshinov V.B., Blomme E. Ultrasonics.
 51, № 6. P.745. (2011).
- [14] Балакший В.И., Волошин А.С., Молчанов В.Я. Опт. и спектр. **117**, № 5. С. 827. (2014).
- [15] Gordon E.I. Appl. Opt. 5, № 10. P. 1629. (1996).
- [16] Балакший В.И., Парыгин В.Н. Радиотехн. и электрон. 25, № 9. С. 1957. (1980).

Acousto-optic effect in media with strong acoustic anisotropy

V.I. Balakshy^a, A.S. Voloshin

¹Department of Oscillation Physics, Faculty of Physics, M.V.Lomonosov Moscow State University, Moscow 119991, Russia E-mail: ^abalakshy@phys.msu.ru

Results of theoretical and experimental investigation of acoustic beam walk-off influence on acousto-optic characteristics in a paratellurite single crystal are presented. Variants of isotropic and anisotropic diffraction are analyzed. Angular and frequency characteristics of acousto-optic interaction are calculated on the basis of modified Raman–Nath equations in wide ranges of Bragg angles and acoustic frequencies. It is established that the acoustic walk-off can change essentially the width of acousto-optic range. Therefore this effect should be taken into consideration at designing acousto-optic instruments. Experimental verification of the numerical calculations is fulfilled with an acousto-optic cell made of 10.5° paratellurite cut.

PACS: 78.20.hb, 42.79.Jq

Keywords: acoustic anisotropy, acoustic energy walk-off, paratellurite, acousto-optic interaction, isotropic and anisotropic Bragg diffraction, coupled-wave equations, acousto-optic deflectors and filters.

Received 15.11.2014.

Сведения об авторах

- 1. Балакший Владимир Иванович доктор физ.-мат. наук, профессор; тел.: (495) 939-46-97, e-mail: balakshy@phys.msu.ru.
- 2. Волошин Андрей Сергеевич аспирант 3-ого года обучения; тел.: (495) 939-46-97, е-mail: andrey.voloshin@physics.msu.ru.